

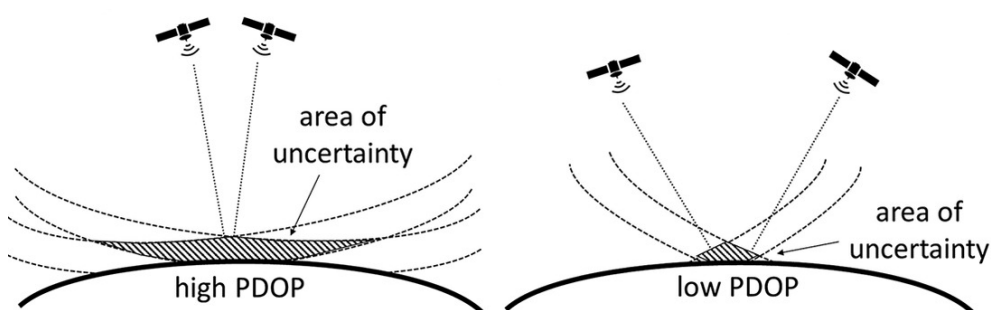
VAJA 2: PLANIRANJE GNSS IZMERE IN PRIPRAVA NA TERENSKO DELO NA POLŽEVEM

2025/2026

1 UVOD

1.1 Geometrijska razporeditev satelitov

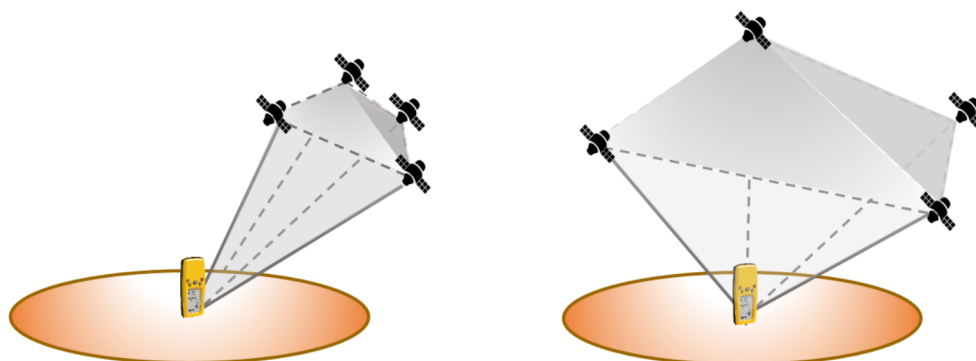
Kakovost določitve položaja z GNSS izmero je odvisna tudi od števila opazovanih satelitov in njihove geometrijske razporeditve na nebu (slika 1). Če položaj določamo absolutno, moramo hkrati (v nekem trenutku) opazovati vsaj štiri satelite. Enako velja za relativno določitev položaja – na krajiščih baznega vektorja moramo hkrati opazovati vsaj štiri identične satelite.



Slika 1: Shematski prikaz vpliva geometrijske razporeditve satelitov na kakovost določitve položaja

Kakovost geometrijske razporeditve satelitov v nekem trenutku nam opišejo faktorji DOP (angl. *dilution of precision*). Vrednosti faktorjev DOP so obratno sorazmerne volumnu največje možne štiristrane piramide, ki jo napenjajo GNSS sprejemnik (vrh piramide) in štirje opazovani sateliti (slika 2)¹:

$$DOP \propto \frac{1}{V} \quad (1)$$



Slika 2: Konceptualen prikaz definicije faktorjev DOP

¹Poenostavljena, ne povsem pravilna razlaga – stroga razlaga na predavanjih.

Boljša kot je geometrijska razporeditev satelitov, manjši so faktorji DOP. Definiramo več faktorjev DOP:

- *horizontal* DOP (HDOP) – vpliv geometrije na kakovost določitve horizontalne komponente položaja,
- *vertical* DOP (VDOP) – vpliv geometrije na kakovost določitve višinske komponente položaja,
- *position* DOP (PDOP) – kombinacija faktorjev HDOP in VDOP ($PDOP = \sqrt{HDOP^2 + VDOP^2}$), vpliv geometrije na kakovost določitve 3D položaja,
- *time* DOP (TDOP) – vpliv geometrije na kakovost prenosa časa,
- *geometric* DOP (GDOP) – kombinacija faktorjev PDOP in TDOP ($GDOP = \sqrt{PDOP^2 + TDOP^2}$), vpliv geometrije na kakovost določitve 3D položaja in prenos časa.

Pri planiranju GNSS izmere nas običajno najbolj zanimata faktorja HDOP in PDOP. Geometrijska razporeditev satelitov je dobra, ko velja $HDOP < 2$ in $PDOP < 5$.

1.2 Izračun števila serij statične GNSS izmere

Pri izvajanju statične GNSS izmere je število novih točk običajno večje od števila GNSS sprejemnikov, ki jih imamo na voljo, zato izvajamo izmero v več serijah. Vsaka serija naj pri statični izmeri traja vsaj eno uro (bolje dlje, čas je odvisen od želene kakovosti določitve koordinat in tudi od razmer, tj. od odprtosti horizonta). Skupno število serij izračunamo po enačbi:

$$s = \left\lceil \frac{n \cdot m}{r} \right\rceil \quad (2)$$

kjer je:

- s ... skupno število serij statične GNSS izmere ($s \in \mathbb{N}$, vedno zaokrožimo navzgor),
- n ... število točk v mreži,
- m ... koeficient, ki nam pove v najmanj koliko serijah mora biti opazovana posamezna točka,
- r ... število sprejemnikov.

2 NALOGA

Naloga 1: Priprava na terensko izmero

1. korak: Pridobitev topografij geodetskih točk

Topografije (starih) geodetskih točk s koordinatami v koordinatnem sistemu D48/GK so na voljo na [portalu E-prostor](https://www.e-prostor.gov.si/)². Ker je za pridobitev topografij potreben *dostop z registracijo*, imate topografije enajstih geodetskih točk na delovišču Polževo odložene v spletni učilnici. Kot lahko vidite, so nekatere točke zelo stare, vendar je večina točk na tem območju še ohranjenih. Žal to ne velja za celotno Slovenijo – veliko starih (trigonometričnih, poligonskih ...) točk je namreč uničenih, saj jih GURS ne vzdržuje več (aktualni državni horizontalni koordinatni sistem je realiziran z aktivnimi in pasivnimi GNSS mrežami).

²<https://www.e-prostor.gov.si/>

Vaša naloga je, da na državni ortofoto izrišete položaje geodetskih točk na delovišču Polževo. Pripravite tudi KML datoteko, ki jo lahko odprete na pametnem telefonu (npr. z aplikacijo [GPX Viewer](#)³). Oba izdelka vam bosta v pomoč pri iskanju točk na terenu.

Težava je, da imate na topografijah podane koordinate v starem horizontalnem koordinatnem sistemu D48/GK, medtem ko se danes kartografske podlage praviloma navezujejo na globalno koordinatno osnovo (WGS84, ETRS, ITRS ...), na kateri (ETRS89) temelji tudi aktualni horizontalni državni koordinatni sistem D96-17/TM, v katerem je georeferenciran tudi državni ortofoto. **Če bi za izris točk na državni ortofoto ali pa npr. na Google Earth uporabili neposredno koordinate s topografij, bi bili izrisani položaji točk za okoli 600 m napačni. Zato je potrebna transformacija koordinat.**

2. korak: Transformacija iz D48/GK v D96-17/TM

Vaša naloga je, da transformirate koordinate točk delovišča Polževo, za katere imate na voljo topografije, iz starega državnega koordinatnega sistema D48/GK v aktualni državni koordinatni sistem D96-17/TM. To lahko storite s spletno aplikacijo [SiTraNet](#)⁴. Za transformacijo uporabite trikotniški model transformacije, ki izmed vseh modelov transformacije zagotavlja najvišjo kakovost – za večino območja Slovenije je točnost transformacije boljša od 10 cm. Pri transformaciji pazite na pravilen vrstni red koordinat.

3. korak: Izris točk na kartografski podlagi

Pripravite skico točk celotne geodetske mreže Polževo na kartografski podlagi. Z drugačnim simbolom prikažite tiste točke, na katerih bomo izvedli statično GNSS izmero – to so točke **643-Z0**, **644-Z0**, **801-Z0** in **90883-Z0**. Za izris skice lahko uporabite QGIS ali ArcGIS Pro. Državni ortofoto je dostopen preko GURS-ovega strežnika WMS⁵. Topografije in skico geodetskih točk imejte s seboj na terenski izmeri, saj boste morali točke poiskati sami.

4. korak: Izvoz datoteke KML

V QGIS-u ali ArcGIS-u podatkovni sloj točk izvozite v format KML. Datoteko KML lahko, v kombinaciji s telefonom, uporabite na terenu za lažje iskanje geodetskih točk ali pa za prikaz točk v programu Google Earth.

Naloga 2: Terminski plan GNSS izmere

Naredite terminski plan izmere (po serijah) celotne geodetske mreže Polževo (11 točk). Na voljo imate 7 GNSS sprejemnikov, vsaka točka pa mora biti opazovana v vsaj treh serijah.

Naloga 3: Planiranje izmere GNSS

Za izbrano geodetsko točko na delovišču Polževo za poljuben dan analizirajte vidnost satelitov in vrednosti faktorjev DOP. Obravnavajte dve situaciji: prvič za idealne pogoje, ko okrog delovišča ni ovir (v aplikaciji za planiranje izmere nastavite minimalni višinski kot 10°), in drugič za otežene pogoje, ko je delovišče

³<https://play.google.com/store/apps/details?id=com.vecturagames.android.app.gpxviewer&hl=sl&gl=US>

⁴<http://sitranet.si/>

⁵<https://storitve.eprstor.gov.si/ows-pub-wms/wms> ali <https://ipi.eprstor.gov.si/wms-si-gurs-dts/wms>

obdano z ovirami (v aplikaciji za planiranje izmere nastavite minimalni višinski kot 30°). Za obe situaciji si pogledajte, ali bi bilo možno GNSS izmero izvesti kadarkoli, če:

- a) uporabimo samo en sistem GNSS (samo GPS / samo GLONASS / samo Galileo),
- b) uporabimo združeno vse našteje sisteme skupaj.

Za izmero niso primerna obdobja, ko je $HDOP > 2$ in $PDOP > 5$. Za analizo uporabite eno izmed aplikacij za planiranje GNSS izmere:

- [Trimble GNSS Planning Online](https://www.gnssplanning.com/)⁶
- [Navmatix GNSS Mission Planning](http://gnssmissionplanning.com/)⁷

3 REZULTATI

Rezultate vaje predstavite v obliki kratkega poročila:

- **Uvod:**
 - kratka predstavitev vaje (največ pol strani)
- **Rezultati naloge 1:**
 - preglednica z ravninskimi koordinatami točk geodetske mreže Polževo v D48/GK
 - preglednica z ravninskimi koordinatami točk geodetske mreže Polževo v D96-17/TM
 - izris točk geodetske mreže Polževo na kartografski podlagi (priloga poročilu, ločena PDF datoteka)
 - datoteka KML s točkami geodetske mreže Polževo (priloga poročilu, ločena datoteka)
- **Rezultati naloge 2:**
 - terminski plan GNSS izmere za celotno geodetsko mrežo Polževo
- **Rezultati naloge 3:**
 - grafični prikazi števila vidnih satelitov in faktorjev DOP za vsako analizirano situacijo s kratkim komentarjem

Kratko poročilo (v formatu PDF) s prilogami oddajte v spletno učilnico v obliki ZIP datoteke, ki jo poimenujete SPGI-V02-Priimek_Ime.zip.

Rok oddaje: 27. 10. 2025

⁶<https://www.gnssplanning.com>

⁷<http://gnssmissionplanning.com/>