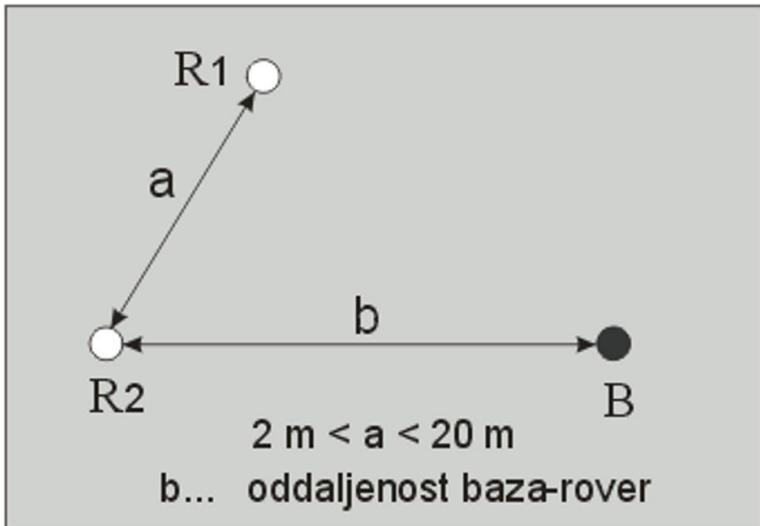


VAJA 5  
STANDARD ISO 17123-8

---

GNSS V GEODEZIJI  
2021/2022

# ISO 17123-8: Preizkus instrumentov GNSS



## OSNOVNA KONFIGURACIJA:

- R1, R2: naši testni točki
- B: referenčna postaja

Standard temelji na obravnavanju:

- ravninskih koordinat  $e$  in  $n$  oziroma  $y$  in  $x$ ,
- elipsoidnih višinah  $h$ ,
- izračunanih horizontalnih dolžinah  $D$ ,
- izračunanih višinskih razlikah  $\Delta h$ .

Referenčni vrednosti horizontalne dolžine  $D^*$  in višinske razlike  $\Delta h^*$  določimo s klasičnimi meritvami, za kateri mora veljati, da je natančnost določitve boljša od 3 mm:

$$\sigma_{D^*} < 3 \text{ mm}$$

$$\sigma_{\Delta h^*} < 3 \text{ mm}$$

Po standardu ISO 17123-8 lahko preverimo:

- i) ali instrument GNSS deluje zanesljivo (poenostavljeni preizkus),
- ii) ali instrument GNSS v postopku RTK izmere zagotavlja natančnost določitve koordinat skladno z natančnostjo, deklarirano s strani proizvajalca (popolni preizkus).

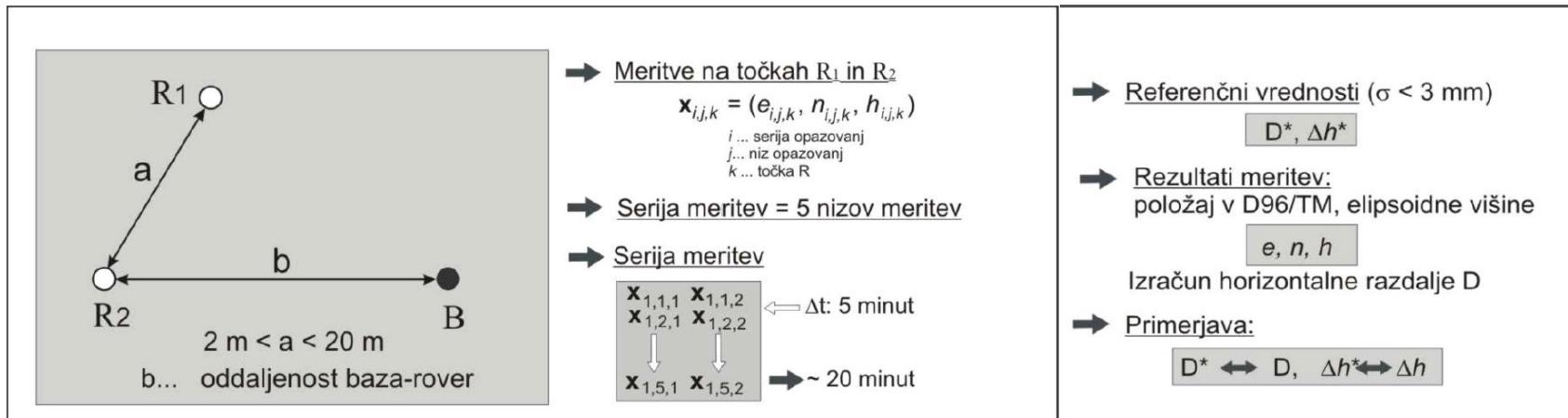
# ISO 17123-8: Poenostavljeni preizkus

**Poenostavljeni preizkus** temelji na določitvi 3D koordinat v eni seriji, ki jo sestavlja pet nizov določitve koordinat z metodo RTK (posamezen niz je povprečje vsaj petih epoh). Časovni razmak med posameznimi nizi znaša 5 minut.

Poenostavljen preizkus uporabljam za:

- preizkus zanesljivosti delovanja GNSS-instrumenta,
- odkrivanje grobih pogreškov v **popolnem preizkusu** po standardu ISO 17123-8.

Praktična izvedba enostavnega preizkusa traja približno 20 minut in je vezana na pojav odboja signala (angl. *multipath*).



# ISO 17123-8: Poenostavljeni preizkus

---

- Iz posameznega niza izračunamo horizontalno dolžino in višinsko razliko:

$$D_{i,j} = \sqrt{(e_{i,j,2} - e_{i,j,1})^2 + (n_{i,j,2} - n_{i,j,1})^2} \quad \Delta h_{i,j} = h_{i,j,1} - h_{i,j,2}$$

- Za posamezen niz izračunamo odstopanja od referenčnih vrednosti:

$$\varepsilon_{D_{i,j}} = D_{i,j} - D^* \quad \varepsilon_{\Delta h_{i,j}} = \Delta h_{i,j} - \Delta h^*$$

- Iskanje grobih pogreškov:

$$|\varepsilon_{D_{i,j}}| \leq 2,5 \cdot \sqrt{2} \cdot \sigma_{e,n} \quad |\varepsilon_{\Delta h_{i,j}}| \leq 2,5 \cdot \sqrt{2} \cdot \sigma_h$$

$\sigma_{e,n}$  in  $\sigma_h$  sta s strani proizvajalca podana referenčna standardna odklona določitve horizontalnih koordinat oziroma višine.

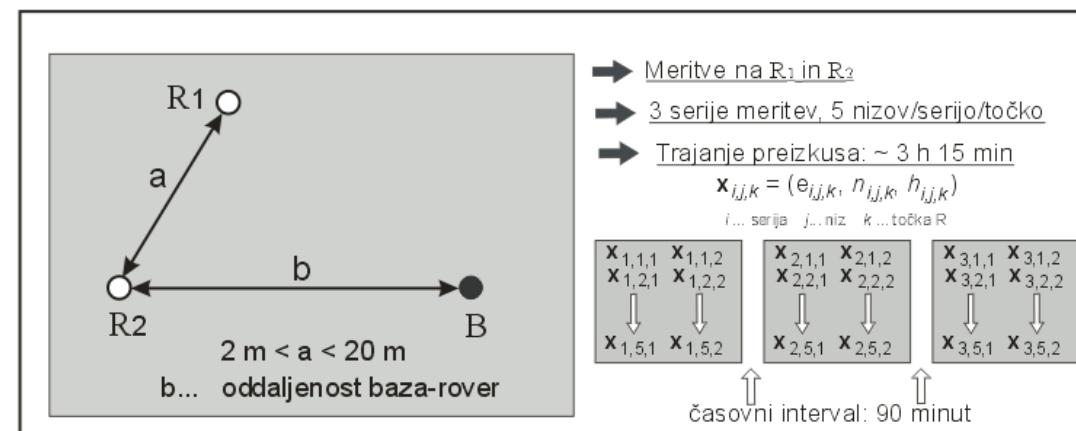
# ISO 17123-8: Popolni preizkus

**Popolni preizkus** temelji na določitvi 3D koordinat v treh serijah, pri čemer vsako serijo sestavlja pet nizov določitve koordinat z metodo RTK (posamezen niz je povprečje vsaj petih epoh). Časovni razmak med posameznimi nizi znaša 5 minut, med posameznimi serijami pa 90 minut.

Popolni preizkus uporabljam za:

- določitev empiričnega standardnega odklona določitve koordinat z RTK-izmero z obravnavanim GNSS-instrumentom in ugotavljanje, ali je dobljena natančnost v skladu z deklarirano natančnostjo.

Praktična izvedba popolnega preizkusa traja vsaj 4 ure in je vezana upoštevanje spremembe geometrije satelitov ter spremembe v ionosferi in troposferi.



# ISO 17123-8: Popolni preizkus

---

## 1. Iskanje grobih pogreškov:

- izvedba poenostavljenega preizkusa za posamezno serijo

## 2. Statistična ocena:

- Izračun srednjih vrednosti:

$$\bar{e}_k = \frac{1}{15} \sum_{i=1}^3 \sum_{j=1}^5 e_{i,j,k}$$

$$\bar{n}_k = \frac{1}{15} \sum_{i=1}^3 \sum_{j=1}^5 n_{i,j,k}$$

$$\bar{h}_k = \frac{1}{15} \sum_{i=1}^3 \sum_{j=1}^5 h_{i,j,k}$$

- Izračun odstopanj od srednjih vrednosti:

$$r_{e_{i,j,k}} = \bar{e}_k - e_{i,j,k}$$

$$r_{n_{i,j,k}} = \bar{n}_k - n_{i,j,k}$$

$$r_{h_{i,j,k}} = \bar{h}_k - h_{i,j,k}$$

- Izračun prostostnih stopenj za statistične teste:

$$\nu_e = \nu_n = \nu_h = (m \cdot n - 1) \cdot p = (3 \cdot 5 - 1) \cdot 2 = 28$$

$m$  ... število serij

$n$  ... število nizov v eni seriji

$p$  ... število točk

# ISO 17123-8: Popolni preizkus

## 2. Statistična ocena:

- Izračun srednjih vrednosti
- Izračun odstopanj od srednjih vrednosti
- Izračun prostostnih stopenj za statistične teste
- Izračun standardnih odklonov posameznih meritev (varianca vzorca)

$$s_e = \sqrt{\frac{1}{28} \sum_{i=1}^{30} r_{e_i}^2}$$

$$s_n = \sqrt{\frac{1}{28} \sum_{i=1}^{30} r_{n_i}^2}$$

$$s_h = \sqrt{\frac{1}{28} \sum_{i=1}^{30} r_{h_i}^2}$$

**Empirični standardni odklon vzorca za horizontalni položaj:**  $s_{ISO-GNSS-RTK-e,n} = \sqrt{s_e^2 + s_n^2}$

**Empirični standardni odklon vzorca za višino:**

$$s_{ISO-GNSS-RTK-h} = s_h$$

# ISO 17123-8: Popolni preizkus

---

1. Iskanje grobih pogreškov

2. Statistična ocena

## 3. Statistično testiranje hipotez:

- a) Ali je iz meritev izračunani standardni odklon  $s_{ISO-GNSS-RTK-e,n}$  za posamezni horizontalni položaj  $(e, n)$  enak pripadajoči vrednosti  $\sigma_{e,n}$ , ki jo podaja proizvajalec ozziroma ki smo jo določili s predhodno opravljenim testom?
- b) Ali je iz meritev izračunani standardni odklon  $s_{ISO-GNSS-RTK-h}$  za elipsoidno višino  $h$  enak pripadajoči vrednosti  $\sigma_h$ , ki jo podaja proizvajalec ozziroma ki smo jo določili s predhodno opravljenim testom?
- c) Ali standardna odklona dveh vzorcev horizontalnega položaja  $s_{ISO-GNSS-RTK-e,n}$  in  $\tilde{s}_{ISO-GNSS-RTK-e,n}$ , ki se nanašata na meritve na isti točki in sta bila določena iz dveh popolnih preizkusov meritev, spadata v isto populacijo ob predpostavki, da imata vzorca enako število prostostnih stopenj ( $\nu_e + \nu_n = \tilde{\nu}_e + \tilde{\nu}_n$ )?
- d) Ali standardna odklona dveh vzorcev  $s_{ISO-GNSS-RTK-h}$  in  $\tilde{s}_{ISO-GNSS-RTK-h}$ , ki se nanašata na isto elipsoidno višino  $h$  in sta bila določena iz dveh popolnih preizkusov meritev, spadata v isto populacijo ob predpostavki, da imata vzorca enako število prostostnih stopenj ( $\nu_h = \tilde{\nu}_h$ )?

# ISO 17123-8: Popolni preizkus

---

- a) Ali je iz meritev izračunani standardni odklon  $s_{ISO-GNSS-RTK-e,n}$  za posamezni horizontalni položaj  $(e, n)$  enak pripadajoči vrednosti  $\sigma_{e,n}$ , ki jo podaja proizvajalec oziroma ki smo jo določili s predhodno opravljenim testom?

V standardu sta ničelna in alternativna hipoteza podani kot:

$$H_0: s_{ISO-GNSS-RTK-e,n} \leq \sigma_{e,n}$$

$$H_1: s_{ISO-GNSS-RTK-e,n} > \sigma_{e,n}$$

Standard temelji na pogoju:

$$s_{ISO-GNSS-RTK-e,n} \leq \sigma_{e,n} \cdot \sqrt{\frac{\chi^2_{1-\alpha;(\nu_e+\nu_n)}}{\nu_e + \nu_n}}$$

Če pogoj je izpolnjen, ničelne domneve  $H_0$  s tevjanjem  $\alpha$  ne moremo zavrniti.

Če pogoj ni izpolnjen, ničelne domneve  $H_0$  zavrnemo in s tevjanjem  $\alpha$  sprejmemo alternativno domnevo  $H_1$ .

Z upoštevanjem števila prostostnih stopenj  $\nu_e + \nu_n = 56$  in kritične vrednosti  $\chi^2$  pri tveganju  $\alpha = 5\%$  ( $\chi^2_{0,95;56} = 74,47$ ),

dobimo  $\sqrt{\frac{\chi^2_{0,95;56}}{56}} = 1,15$  in zgornji pogoj preoblikujemo v:

$$s_{ISO-GNSS-RTK-e,n} \leq 1,15 \cdot \sigma_{e,n}$$

# ISO 17123-8: Popolni preizkus

---

- b) Ali je iz meritev izračunani standardni odklon  $s_{ISO-GNSS-RTK-h}$  za elipsoidno višino  $h$  enak pripadajoči vrednosti  $\sigma_h$ , ki jo podaja proizvajalec ozziroma ki smo jo določili s predhodno opravljenim testom?

V standardu sta ničelna in alternativna hipoteza podani kot:

$$H_0: s_{ISO-GNSS-RTK-h} \leq \sigma_h$$

$$H_1: s_{ISO-GNSS-RTK-h} > \sigma_h$$

Standard temelji na pogoju:

$$s_{ISO-GNSS-RTK-h} \leq \sigma_h \cdot \sqrt{\frac{\chi^2_{1-\alpha; \nu_h}}{\nu_h}}$$

Če pogoj **je** izpolnjen, ničelne domneve  $H_0$  s tevjanjem  $\alpha$  ne moremo zavrniti.

Če pogoj **ni** izpolnjen, ničelne domneve  $H_0$  zavrnemo in s tevjanjem  $\alpha$  sprejmemo alternativno domnevo  $H_1$ .

Z upoštevanjem števila prostostnih stopenj  $\nu_h = 28$  in kritične vrednosti  $\chi^2$  pri tveganju  $\alpha = 5\%$  ( $\chi^2_{0,95;28} = 41,34$ ),

dobimo  $\sqrt{\frac{\chi^2_{0,95;28}}{28}} = 1,22$  in zgornji pogoj preoblikujemo v:

$$s_{ISO-GNSS-RTK-h} \leq 1,22 \cdot \sigma_h$$

# ISO 17123-8: Popolni preizkus

---

- c) Ali standardna odklona dveh vzorcev horizontalnega položaja  $s_{ISO-GNSS-RTK-e,n}$  in  $\tilde{s}_{ISO-GNSS-RTK-e,n}$ , ki se nanašata na meritve na isti točki in sta bila določena iz dveh popolnih preizkusov meritev, spadata v isto populacijo ob predpostavki, da imata vzorca enako število prostostnih stopenj ( $\nu_e + \nu_n = \tilde{\nu}_e + \tilde{\nu}_n$ )?
- d) Ali standardna odklona dveh vzorcev  $s_{ISO-GNSS-RTK-h}$  in  $\tilde{s}_{ISO-GNSS-RTK-h}$ , ki se nanašata na isto elipsoidno višino  $h$  in sta bila določena iz dveh popolnih preizkusov meritev, spadata v isto populacijo ob predpostavki, da imata vzorca enako število prostostnih stopenj ( $\nu_h = \tilde{\nu}_h$ )?



Glej članek: Pavlovčič Prešeren, P., Mencin, A., Stopar, B. 2007. Analiza preizkusa instrumentarija GNSS-RTK po navodilih standarda ISO 17123-8. Geodetski vestnik, 54, 4: 607–626. doi:[10.15292/geodetski-vestnik.2010.04.607-626](https://doi.org/10.15292/geodetski-vestnik.2010.04.607-626)